



## Guia docent

# 295455 - 295TM122 - Mecànica de Fluids Computacional

Última modificació: 18/03/2024

**Unitat responsable:** Escola d'Enginyeria de Barcelona Est

**Unitat que imparteix:** 729 - MF - Departament de Mecànica de Fluids.

**Titulació:** MÀSTER UNIVERSITARI EN TECNOLOGIES MECÀNIQUES (Pla 2024). (Assignatura optativa).

**Curs:** 2024

**Crèdits ECTS:** 6.0

**Idiomes:** Castellà, Anglès

## PROFESSORAT

**Professorat responsable:** Garcia Gonzalez, Fernando  
Jofre Cruanyes, Lluís

**Altres:** Capuano, Francesco

## REQUISITS

Tecnologies avançades en ciència i enginyeria de fluids

## METODOLOGIES DOCENTS

## OBJECTIUS D'APRENENTATGE DE L'ASSIGNATURA

- Aprendre a identificar problemes de mecànica de fluids les solucions dels quals requereixen enfocaments computacionals
- Comprendre els conceptes i idees matemàtiques darrere dels mètodes utilitzats
- Implementar els mètodes corresponents utilitzant lenguatges de programació consolidats
- Realitzar una anàlisi exhaustiva d'errors dels algorismes, inclosa la precisió i l'estabilitat
- Adquirir coneixements sobre la solució discreta i l'optimització d'equacions diferencials que descriuen problemes de fluids en ciència i enginyeria

## HORES TOTALS DE DEDICACIÓ DE L'ESTUDIANTAT

Tipus	Hores	Percentatge
Hores aprenentatge autònom	108,0	72.00
Hores grup gran	21,0	14.00
Hores grup petit	21,0	14.00

**Dedicació total:** 150 h



## CONTINGUTS

### Mètodes numèrics

**Descripció:**

Basic remarks. Numerical interpolation and differentiation based on Taylor series expansion. Truncation error: formal definition. Centered and asymmetric derivative formulas. Derivation of finite-difference formulas with arbitrary stencil and order of accuracy on uniform and non-uniform meshes. Matrix notation.

Boundary value problems. Numerical solution of 1D and 2D heat equation with Neumann, Dirichlet and Robin boundary conditions. Solution of linear systems: direct and iterative methods.

Initial value problems. Ordinary differential equations (ODEs): basic theoretical aspects. Numerical methods for ODEs: multi-stage (Runge-Kutta) and multi-step (Adams) schemes.

Partial differential equations (PDEs). Derivation of PDEs relevant to transport phenomena. The semi-discrete (or method of lines) approach. Numerical solution of unsteady advection-diffusion equations using finite-difference formulas and methods for ODEs for a variety of initial and boundary conditions.

**Dedicació:** 43h 30m

Grup gran/Teoria: 6h

Grup petit/Laboratori: 6h

Activitats dirigides: 1h 30m

Aprenentatge autònom: 30h

### Solució numèrica de les equacions de Navier-Stokes

**Descripció:**

Introduction. General overview of a Computational Fluid Dynamics (CFD) process: mesh generation, solution, post-processing; examples. Basic properties of Navier-Stokes equations. The incompressible flow model. The role of pressure, initial and boundary conditions.

Discretization of incompressible N-S. The pressure Poisson equation and projection methods. Chorin-Temam fractional step method. Layout of variables: collocated and staggered arrangement. The "Harlow-Welch" staggering. Implementation of boundary conditions. Development of a numerical code in primitive variables using a second-order staggered scheme and the projection method. A simple example: the lid-driven cavity problem.

Other topics. Towards multiscale flow problems: the modified wavenumber analysis and the issue of non-linear stability. Remarks on the concept of discrete energy conservation. Remarks on the compressible Navier-Stokes equations and related numerical schemes. Alternatives to projection methods: SIMPLE and PISO algorithms.

**Dedicació:** 43h 30m

Grup gran/Teoria: 6h

Grup petit/Laboratori: 6h

Activitats dirigides: 1h 30m

Aprenentatge autònom: 30h



## Computació d'alt rendiment

### Descripció:

Modern processors & data access. Introduction to parallel computing (what, why, how). Parallel computer memory architectures: shared, distributed, hybrid shared-distributed. Fundamentals of parallelization: strong and weak scalability, parallel efficiency, load balance, parallel overheads.

Shared-memory parallel programming (OpenMP). General characteristics. Uniform & Non-Uniform Memory Access (UMA/NUMA). Introduction to OpenMP. Case study: OpenMP-parallel Jacobi algorithm.

Distributed-memory parallel programming (MPI). General characteristics. Messages and point-to-point communication & Nonblocking point-to-point communication. Introduction to MPI. Case study: MPI-parallel Jacobi algorithm.

Hybrid architectures & accelerators (OpenACC). Exascale computing & hybrid architectures. Acceleration strategies. Introduction to OpenACC. Case study: OpenACC-accelerated Jacobi algorithm.

**Dedicació:** 19h 30m

Grup gran/Teoria: 3h

Grup petit/Laboratori: 3h

Activitats dirigides: 1h 30m

Aprendentatge autònom: 12h

## Anàlisi computacional de fluids

### Descripció:

Computational experiments. Basic definitions, historical notes and different approaches (theoretical, experimental, computational), application to hydrodynamic instabilities and turbulence.

Analysis of flow regimes. Base flow of a Navier-Stokes problem. Types of bifurcations (Hopf, pitchfork, saddle-node). Linear stability analysis. Overview of numerical techniques. Case study: the two-dimensional lid-driven cavity problem.

Tools for time-dependent flows. Types of time dependent flows (base, quasi-periodic, chaos). Qualitative measures of the flow. Modal flow analysis (POD, DMD). Dynamical indicators from time series (local, global, Poincaré sections). Case study: the two-dimensional lid-driven cavity problem.

**Dedicació:** 43h 30m

Grup gran/Teoria: 6h

Grup petit/Laboratori: 6h

Activitats dirigides: 1h 30m

Aprendentatge autònom: 30h

## SISTEMA DE QUALIFICACIÓ

20% Computational exercices/activities

35% Course project

45% Final exam

## BIBLIOGRAFIA

### Bàsica:

- LeVeque, Randall J. Finite difference methods for ordinary and partial differential equations : steady-state and time-dependent problems . Philadelphia, PA : SIAM, Society for Industrial and Applied Mathematics, 2007. ISBN 978-0-89871-629-0.
- Ferziger, Joel H; Peric, Milovan; Street, Robert L. Computational Methods for Fluid Dynamics . Fourth edition. Cham : Springer, [2019]. ISBN 978-3-319-99691-2.
- Hager, G. & Wellein, G.. Introduction to high performance computing for scientists and engineers. Boca Raton, FL, USA: CRC Press, 2011. ISBN 978-1-4398-1192-4.
- Drazin, P. G. Introduction to hydrodynamic stability . Cambridge, UK [etc.] : Cambridge University Press, 2002. ISBN 978-0521009652.